

قادة علاب

# عناصر من التحليل الرياضي

## التابع لمتغير حقيقي واحد

الجزء الأول

السنة الأولى والثانية جامعي



ديوان المطبوعات الجامعية

# الفهرس

## الجزء الثاني

17	حساب التوابع الأصلية المتماثلة	- 11
18	جدول التوابع الأصلية المتماثلة	- 1 - 11
18	تبديل المتغير والمتكاملة بالتجزئة في التكاملات غير المحددة	- 2 - 11
18	تبديل المتغير	- 1 - 2 - 11
21	المتكاملة بالتجزئة	- 2 - 2 - 11
21	التابع الأصلية لتابع كسري	- 3 - 11
25	التابع الأصلية لتابع كسري كتابع ل- $\cos x$ و $\sin x$	- 4 - 11
26	متكاملة الكسور الناطقة، إن كانت توابع ل- $e^x$	- 5 - 11
28	التكاملات الأبلية	- 6 - 11
28	$R\left[ x, \sqrt[n]{\frac{ax+b}{cx+d}} \right]$ البحث عن التوابع الأصلية لـ $R(x, \sqrt{ax^2 + bx + c})$	- 1 - 6 - 11
29	البحث عن التوابع الأصلية لـ $R(x, \sqrt{ax^2 + bx + c})$	- 2 - 6 - 11
33	التكاملات ذات النمط	- 7 - 11
41	تمارين محلولة (5)	
التكاملات الموسعة		- 12
49	تكامل تابع على مجال $[a, b]$	- 1 - 12
51	الخواص الأولية للتكامل على $[a, b]$	- 2 - 12
52	تقارب تكاملات التابع الموجبة	- 3 - 12
52	مقاييس مقارنة للتتابع الموجبة	- 4 - 12

57	..... مقياس كوشي للتقارب	- 5 - 12
57	..... التكاملات المتقاربة مطلقا، التكاملات نصف المتقاربة	- 6 - 12
64	..... تكاملات على نوع آخر من الحالات	- 7 - 12
64	..... التكامل	- 1 - 7 - 12
65	..... التكامل	- 2 - 7 - 12
72	..... تعليم	- 3 - 7 - 12
74	..... تبديل المتغير في تكامل موسع	- 8 - 12
76	..... المتكاملة بالتجزئة	- 9 - 12
77	..... القيمة الرئيسية لکوشي	- 10 - 12
79	..... تمارين محلولة (4)	
83	..... <b>السلالس العددية</b>	- 13
83	..... متتاليات الأعداد العقدية	- 1 - 13
84	..... تعاريف، خواص أولية للسلالس	- 2 - 13
90	..... المتتاليات والسلالس	- 3 - 13
90	..... الفضاء الشعاعي للسلالس العددية	- 4 - 13
93	..... السلالس المتقاربة مطلقا والسلالس نصف المتقاربة	- 5 - 13
94	..... السلالس ذات الحدود الموجبة	- 6 - 13
95	..... شرط التقارب	- 1 - 6 - 13
95	..... قواعد المقارنة	- 2 - 6 - 13
99	..... مقارنة سلسلة ذات حدود موجبة بسلسلة هندسية	- 3 - 6 - 13
106	..... مقارنة سلسلة بتكميل	- 4 - 6 - 13
107	..... المقارنة بسلسلة ريمان	- 5 - 6 - 13

110	..... مقاييس أخرى	- 6 - 13
114	..... السلاسل ذات الحدود الكيفية	- 7 - 13
114	..... قاعدة آبل	- 1 - 7 - 13
116	..... السلاسل المتناوبة	- 2 - 7 - 13
122	..... بعض خواص السلاسل المتقاربة مطلقاً والسلاسل نصف المتقاربة ..	- 8 - 13
127	..... تمارين محلولة (2)	
131	..... متتاليات التوابع	- 14
131	..... متتاليات التوابع	- 1 - 14
131	..... التقارب البسيط لمتتالية التوابع	- 1 - 1 - 14
134	..... التقارب المنتظم	- 2 - 1 - 14
140	..... متتاليات التوابع المستمرة	- 2 - 14
145	..... متتاليات التوابع القابلة للمكاملة	- 3 - 14
148	..... التقريريات	- 4 - 14
152	..... متتاليات التوابع القابلة للاشتقاء	- 5 - 14
153	..... تمارين محلولة (2)	
157	..... سلاسل التوابع	- 15
157	..... تعريف، خواص أولية	- 1 - 15
160	..... التقارب المنتظم	- 2 - 15
162	..... التقارب الناظمي (أو التنظيمي)	- 3 - 15
166	..... التقارب المنتظم وخواص مجاميع السلاسل التابعية	- 4 - 15
166	..... الاستمرار	- 1 - 4 - 15

167	..... المكاملة .....	- 2 - 4 - 15
168	..... الاشتقاء.....	- 3 - 4 - 15
172	..... السلاسل الصحية (أو السلاسل القوى) .....	- 5 - 15
182	..... سلاسل تايلور .....	- 6 - 15
190	..... تمارين محلولة (4) .....	
197	<b>مبادئ في سلاسل فوريبي .....</b>	- 16
197	..... السلاسل المثلثية المتعامدة، سلاسل فوريبي .....	- 1 - 16
201	..... الجاميع الجزئية لسلسلة فوريبي ، نواة دير كيليت .....	- 2 - 16
203	..... توطئة ريمان.....	- 3 - 16
204	..... تقارب سلسلة فوريبي عند نقطة، مبدأ المحلية (أو الموضوعية) .....	- 4 - 16
205	..... مسألة تمثيل تابع بسلسلته الفوريية.....	- 5 - 16
212	..... نشر التوابع المعرفة على مجال وفق سلاسل فوريبي.....	- 6 - 16
217	..... سلاسل فوريبي للتتابع الزوجية أو الفردية.....	- 7 - 16
221	..... رتبة لا تناهي معاملات فوريبي.....	- 8 - 16
223	..... جميع سلاسل فوريبي .مفهوم سيزارو ، نظرية فيرشتراس.....	- 9 - 16
229	..... سلاسل فوريبي على الشطل العقدي.....	- 10 - 16
231	..... التقارب بالمتوسط لسلاسل فوريبي ، مساواة بارسفال.....	- 11 - 16
233	..... تمارين محلولة (6) .....	

# الجزء الأول

17	عناصر من نظرية المجموعات	- 1
17	المجموعات، عمليات أولية	- 1 - 1
17	أجزاء مجموعة	- 1 - 1 - 1
18	مراجعة في المنطق	- 2 - 1 - 1
19	الإتحاد، التقاطع	- 3 - 1 - 1
20	مجموعة الجداء	- 4 - 1 - 1
21	تجزئة مجموعة	- 5 - 1 - 1
21	التطبيقات	2 - 1
21	تعاريف	- 1 - 2 - 1
21	التطبيقات المتباينة، الغامرة، التقابلية	- 2 - 2 - 1
23	الصورة المباشرة والصورة العكسية	- 3 - 2 - 1
25	العلاقات في مجموعة	3 - 1
25	علاقة التكافؤ، مجموعة النسبة	- 1 - 3 - 1
27	علاقة الترتيب	- 2 - 3 - 1
29	التعداد	- 4 - 1
29	المجموعات المنتهية	- 1 - 4 - 1
30	الترتيبيات	- 2 - 4 - 1
30	التبديلات	- 3 - 4 - 1
31	التوقيفات	- 4 - 4 - 1
33	قوى المجموعات، المجموعات اللامنتهية	- 5 - 1
33	القوة	- 1 - 5 - 1

34	المجموعات اللامنتهية .....	- 2 - 5 - 1
35	مقارنة العدات .....	- 3 - 5 - 1
39	تمارين محلولة (5) .....	
47	<b>البيانات الجبرية</b> .....	- 2
47	الزمر .....	- 1 - 2
47	تعاريف .....	- 1 - 1 - 2
48	الزمر الجزئية .....	- 2 - 1 - 2
49	التماثيل .....	- 3 - 1 - 2
50	الحلقات .....	- 2 - 2
50	تعاريف .....	- 1 - 2 - 2
51	الحساب في حلقة .....	- 2 - 2 - 2
53	عناصر خاصة .....	- 3 - 2 - 2
53	الحلقات الجزئية .....	- 4 - 2 - 2
54	مثالي حلقة تبديلية .....	- 5 - 2 - 2
54	الحقول .....	- 3 - 2
54	تعاريف .....	- 1 - 3 - 2
55	خواص .....	- 2 - 3 - 2
56	القيمة المطلقة .....	- 3 - 3 - 2
56	تمارين محلولة (4) .....	
61	<b>الأعداد الحقيقة والأعداد العقدية</b> .....	- 3
62	الأعداد الحقيقة .....	- 1 - 3

63	تعريف مسلمي للأعداد الحقيقة .....	- 1 - 1 - 3
64	إنشاء $\mathbb{R}$ .....	- 2 - 1 - 3
77	بعض الخصائص الأساسية لـ $\mathbb{R}$ .....	- 3 - 1 - 3
85	الأعداد الجذرية للأعداد المتسامية .....	- 4 - 1 - 3
87	التمثيل العشري للأعداد الحقيقة .....	- 5 - 1 - 3
91	المستقيم العددي المكتمل .....	- 2 - 3
94	حقل الأعداد العقدية .....	- 3 - 3
100	تمارين محلولة (3) .....	
105	<b>المتاليات العددية .....</b>	- 4
105	تعاريف .....	- 1 - 4
106	المتاليات المتقاربة .....	- 2 - 4
110	نظريات حول المتاليات المتقاربة .....	- 3 - 4
112	تعميم إلى النهايات اللامنتهية .....	- 4 - 4
113	المتاليات المتحاورة .....	- 5 - 4
114	المتاليات التدريجية .....	- 6 - 4
117	متاليات كوشي .....	- 7 - 4
120	نظرية بولزانو - فيرشتراس .....	- 8 - 4
122	تعميم مفهوم النهاية .....	- 9 - 4
127	تمارين محلولة (5) .....	
137	<b>التوابع الحقيقة لتغير حقيقي .....</b>	- 5
137	عموميات .....	- 1 - 5

137	التابع العددية، التابع الحقيقة لمتغير حقيقي	- 1 - 1 - 5
137	بيان تابع حقيقي لمتغير حقيقي	- 2 - 1 - 5
138	التابع الزوجية، الفردية، الدورية	- 3 - 1 - 5
139	التابع المحدودة، التابع الرتيبة	- 4 - 1 - 5
140	عمليات جبرية على التابع	- 5 - 1 - 5
141	نهاية تابع	- 2 - 5
141	تعاريف	- 1 - 2 - 5
142	وحدانية النهاية	- 2 - 2 - 5
143	النهاية من اليمين (أو اليمنى)، والنهاية من اليسار (أو اليسرى)	- 3 - 2 - 5
143	الحالة التي يكون فيها $X$ غير منته	- 4 - 2 - 5
143	ال نهايات غير المنتهية	- 5 - 2 - 5
144	نظريات حول النهايات	- 3 - 5
144	العلاقة بنهايات المتتاليات	- 1 - 3 - 5
145	مقياس كوشي الخاص بالتابع	- 2 - 3 - 5
146	عمليات على النهايات	- 4 - 5
149	النهاية العليا، النهاية الدنيا (أو السفلى)	- 5 - 5
157	مقارنة التابع بجوار نقطة. رمزا لاندو	- 6 - 5
157	تعاريف، خاصيات	- 1 - 6 - 5
162	التابع المكافئة	- 2 - 6 - 5
164	تمارين محلولة (2)	
167	التابع المستمرة	- 6
167	تعاريف	- 1 - 6

167	التابع المستمرة عند نقطة	- 1 - 1 - 6
168	التابع المستمرة على مجال	- 2 - 1 - 6
168	الاستمرار المنتظم لتابع على مجال	- 3 - 1 - 6
171	عمليات على التابع المستمرة	- 2 - 6
172	نظريات حول التابع المستمرة على مجال مغلق	- 3 - 6
177	التمديد بالاستمرار	- 4 - 6
177	خواص التابع ال tertiary على مجال	- 5 - 6
	نظريات النقطة	
181	الثابتة	- 6 - 6
186	مثال: دراسة المعادلة التابعية $f(x+y) = f(x) + f(y)$	- 7 - 6
190	تمارين محلولة (3)	
193	<b>التابع القابلة للاشتاقاق</b>	- 7
193	تعاريف، خاصيات	- 1 - 7
193	مشتق تابع عند نقطة	- 1 - 1 - 7
195	المشتقة من اليمين (أو الأيمن)، والمشتق من اليسار (أو الأيسر)	- 2 - 1 - 7
196	التفسير الهندسي	- 3 - 1 - 7
198	التفاضلية	- 4 - 1 - 7
198	قابلية الاشتاقاق والاستمرار	- 5 - 1 - 7
199	المشتقة على مجال التابع المشتق	- 6 - 1 - 7
201	عمليات على التابع القابلة للاشتاقاق	- 7 - 1 - 7
205	القيمة العظمى، القيمة الصغرى	- 8 - 1 - 7
207	نظرية رول	- 2 - 7

207	نظريه رول.....	- 1 - 2 - 7
208	نظريه التزايدات المنتهية .....	- 2 - 2 - 7
213	تطبيقات.....	- 3 - 2 - 7
218	نظريه التزايدات المنتهية المعممه.....	- 4 - 2 - 7
221	دستير تايلور.....	- 3 - 7
222	دستير تايلور.....	- 1 - 3 - 7
233	تطبيق: البحث عن القيم القصوى.....	- 2 - 3 - 7
234	التابع المحدبة.....	- 4 - 7
234	تعريف.....	- 1 - 4 - 7
235	قابلية التابع المحدبة للاشتقاء.....	- 2 - 4 - 7
240	الاستمرار والتحدب.....	- 3 - 3 - 7
242	تمارين محلولة (4).....	
249	<b>تكامل ريمان.....</b>	- 8
249	تعريف تكامل ريمان.....	- 1 - 8
249	التقسيمات.....	- 1 - 1 - 8
250	محاميع داربو.....	- 2 - 1 - 8
254	التابع القابلة للمتكاملة، تكامل ريمان.....	- 3 - 1 - 8
255	نظريه داربو.....	- 4 - 1 - 8
260	محاميع ريمان.....	- 5 - 1 - 8
262	تكامل تابع ذي قيم عقدية.....	- 6 - 1 - 8
263	خواص تكامل ريمان.....	- 2 - 8
263	خواص متعلقة بمجال المتكاملة.....	- 1 - 2 - 8

265	أمثلة في التوابع القابلة للمكاملة.....	- 2 - 2 - 8
266	بنية مجموعة التوابع القابلة للمكاملة.....	- 3 - 2 - 8
273	خواص التكامل المعبر عنها بالمتراجحات.....	- 4 - 2 - 8
282	التكاملات والتتابع الأصلية.....	- 3 - 8
282	التكامل كتابع لحده الاعلى (الادين)، التتابع الأصلية.....	- 1 - 3 - 8
286	التكامل غير المحدد.....	- 2 - 3 - 8
288	دستورا المتوسط.....	- 3 - 3 - 8
292	طرق عامة للمكاملة.....	- 4 - 3 - 8
303	تمارين محلولة (4)	
309	<b>التتابع الأولية.....</b>	- 9
309	التابع اللوغاريتمي.....	- 1 - 9
309	تعريف و خواص التابع اللوغاريتمي النسبي.....	- 1 - 1 - 9
311	بيان التابع Log.....	- 2 - 1 - 9
312	المشتقة اللوغاريتمي.....	- 3 - 1 - 9
313	اللوغاريتم ذو الأساس a.....	- 4 - 1 - 9
316	التابع الأسوي.....	- 2 - 9
316	تعريف التابع الأسوي ذو الأساس e.....	- 1 - 2 - 9
316	خواص.....	- 2 - 2 - 9
318	التابع الأسوي ذو الأساس a ( $0 < a$ ).....	- 3 - 2 - 9
319	تابع القوى.....	- 3 - 9
320	مقارنة تزايد اللوغاريتمي والأسي والقوى.....	- 4 - 9
320	التابع اللوغاريتمي وتابع القوى.....	- 1 - 4 - 9

320	تابع الأسني وتابع القوى.....	- 2 - 4 - 9
322	التابع الدائرية العكسية.....	- 5 - 9
323	تابع قوس الجيب (Arc Sin).....	- 1 - 5 - 9
324	تابع قوس جيب التمام (Cos Arc).....	- 2 - 5 - 9
326	تابع قوس الظل (Ars tg).....	- 3 - 5 - 9
327	التابع (القطعية) الزائدية وتابعها العكسية.....	- 6 - 9
327	التابع الزائدية.....	- 1 - 6 - 9
329	التابع الزائدية العكسية.....	- 2 - 6 - 9
332	كثيرات الحدود، التابع الكسرية.....	- 7 - 9
340	تمارين محلولة (6)	
351	<b>النشر المحدود</b> .....	- 10
351	النشر المحدود من الرتبة n بجوار 0 .....	- 1 - 10
351	تعريف.....	- 1 - 1 - 10
352	الوحدانية.....	- 2 - 1 - 10
355	النشر المحدودة الاعتيادية المحصل عليها بـدستور ماك لوران .....	- 2 - 10
356	عمليات حول النشر المحدود.....	- 3 - 10
357	النشر المحدودة المحصل عليها بالاقتصار.....	- 1 - 3 - 10
357	عمليات جبرية حول النشر المحدودة.....	- 2 - 3 - 10
360	النشر المحدود لتابع مركب.....	- 3 - 3 - 10
361	مكاملة النشر المحدود.....	- 4 - 3 - 10
364	النشر المحدود بـجوار نقطة $X_0$ .....	- 4 - 10
366	النشر المحدود المعتم.....	- 5 - 10
367	اللامتناهي الصغر واللامتناهي الكبير.....	- 6 - 10
369	تمارين محلولة (3)	