

سعود محمود

بن عيسى لخضر

# التحليل الرياضي

للسنة الأولى  
جامعي

★ دروس

★ نماذج محلولة

★ نماذج مقترنة للحل

مجلد اثنان



ديوان المطبوعات الجامعية

# الفهرس

## فهرس الجزء الأول

### الفصل الأول

#### المنطق الرياضي - المجموعات - العلاقات

13	مدخل حول المنطق الرياضي .....
14	القضية المنطقية .....
15	القضية المركبة وأدوات الربط .....
17	القضايا المنطقية المتكافئة .....
19	المكمان الشمولي والوجودي .....
22	مدخل حول المجموعات .....
27	مجموعة أجزاء مجموعة .....
28	الفرق بين مجموعتين .....
29	المتممة .....
30	الجاء الديكارتي لمجموعتين .....
31	العلاقات .....
35	التطبيقات .....
39	التمديد والاقتصار .....
40	التطبيق العكسي .....
41	الصورة المباشرة والصورة العكسية وفق تطبيق .....
42	تركيب تطبيقين .....
47	صلة الترتيب .....
49	التطبيقات الترتيبية .....
49	العناصر الأعظمية والعناصر الأصغرية .....

52	العناصر الحادة.
53	الحد الأعلى والحد الأدنى.
58	بعض الخواص في $(\mathbb{K}, \mathbb{R})$
59	القيمة المطلقة.

### الفصل الثاني المتتاليات العددية

66	المتتالية التدرجية.
66	المتتالية المحدودة .
68	نهاية متتالية .
70	الجزء الصحيح لعدد حقيقي .
83	المتتاليات الرتيبة .
86	المتتاليات المجاورة.
88	نظرية المجالات المتداخلة .
89	المتتالية الجزئية .
94	متتالية كوشي.
97	النهايات غير المنتهية.

### الفصل الثالث التابع الحقيقية بمتغير حقيقي

101	التابع المعرف على جوار نقطة .
102	نهاية تابع .
108	النهايات غير المنتهية .

113	التابع المستمرة . . . . .
119	التمديد بالاستمرار . . . . .
119	الاستمرار بانتظام . . . . .
123	التابع المحدود . . . . .
127	نظرية القيم المتوسطة. . . . .
130	التابع المتعاكسة. . . . .
135	مشتق تابع عند نقطة. . . . .
141	المعنى الهندسي للمشتقة. . . . .
145	المشتقات المتتابعة. . . . .
149	شتقاق تابع مركب. . . . .
150	مشتق تابع عكسي. . . . .
151	القيم الحدية. . . . .
158	نظرية رول. . . . .
160	نظرية التزايدات المنتهية. . . . .
162	نظرية التزايدات المعممة . . . . .
163	قاعدة لوبيتال . . . . .

#### الفصل الرابع

#### التابع الأولية وتابعاتها العكسية

169	تابع العكسي للتابع $y = \sin x$ . . . . .
172	مشتق التابع $\arcsin$ . . . . .
173	تابعان العكسيان لـ $y = \tan$ و $y = \cos$ . . . . .

175	مشتق arctan و arccos
175	التابع اللوغاريتمي.
180	التابع الأسني.
182	توابع القوى.
184	التوابع الزائدية وتوابعها العكسية.
185	مشتقات التوابع الزائدية.
186	التوابع العكسية.
191	تمارين محلولة حول الفصل الأول.
204	تمارين للحل حول الفصل الأول.
207	تمارين محلولة حول الفصل الثاني.
236	تمارين للحل حول الفصل الثاني.
243	تمارين محلولة حول الفصل الثالث.
267	تمارين للحل حول الفصل الثالث.
273	تمارين محلولة حول الفصل الرابع.
286	تمارين للحل حول الفصل الرابع.
291	المراجع.

## فهرس الجزء الثاني

### الفصل الخامس

#### تكامل ريمان وحساب التوابع الأصلية

التكامل كنهاية مجموع . . . . .	13
نظريّة القيم الوسطى في التكامل . . . . .	16
التابع الأصلية . . . . .	17
النظريّة الأساسيّة . . . . .	19
طريقة تبديل المتحول . . . . .	21
طريقة التكامل بالتجزئة . . . . .	21
طريقة حساب تكامل تابع كسري . . . . .	22
بعض الطرق لحساب التكامل . . . . .	24

### الفصل السادس

#### دستور تايلور - النشر المحدود - التابع المكافأة

دستور تايلور . . . . .	39
نشر تايلور لتابع كيفي . . . . .	41
نشر المحدود (بجوار $x_0$ ) . . . . .	45
نشر المحدود (بجوار $+\infty$ ) . . . . .	48
قراعد النشر . . . . .	52
نشر المحدود المعمم . . . . .	58

59	التوابع المتكافئة.
63	التوابع المهملة.
65	تطبيقات النشر في معرفة وضعية منحنٍ.
<b>الفصل السابع</b>	
<b>المعادلات التفاضلية</b>	
67	المعادلة التفاضلية العادية.
67	مرتبة ودرجة معادلة تفاضلية.
68	حل المعادلة التفاضلية.
69	المعادلات التفاضلية من المرتبة الأولى.
70	المعادلة ذات المتحولات المنفصلة.
73	المعادلة التفاضلية المتتجانسة.
76	المعادلة التفاضلية الخطية من المرتبة الأولى المتتجانسة وغير المتتجانسة.
76	حل المعادلة المتتجانسة $y' + f(x)y = 0$ .
77	حل المعادلة غير المتتجانسة $y' + f(x)y = g(x)$ .
79	تطبيقات المعادلات التفاضلية من المرتبة الأولى.
82	المعادلات التفاضلية الخطية من المرتبة الثانية المتتجانسة وغير المتتجانسة.
82	حل المعادلة المتتجانسة $y'' + f(x)y' + g(x)y = 0$ .
83	حل المعادلة غير المتتجانسة $y'' + f(x)y' + g(x)y = h(x)$ .
85	المعادلة التفاضلية من المرتبة الثانية بأمثال ثابتة.
85	حل المعادلة المتتجانسة $y'' + ay' + by = 0$ .
85	تعريف المعادلة المميزة.

88 ..... كيفية تعين حل خاص للمعادلة التفاضلية غير المتجانسة .....  $y'' + ay' + by = h(x)$

الفصل الثامن  
التابع الحقيقية بعدة متغيرات حقيقية

95 .....	البيان
96 .....	مجموعة التعريف
96 .....	النظم
98 .....	الفضاء المترى
99 .....	النهاية
101 .....	استعمال الإحداثيات القطبية
103 .....	الاستمرار
104 .....	المشتقات الجزئية
107 .....	ستور تايلور
109 .....	قيمة الحدية
117 .....	تكامل الثنائي
118 .....	حساب التكامل الثنائي
122 .....	تبديل المتحولين في التكامل الثنائي
122 .....	استعمال الإحداثيات القطبية
124 .....	تطبيقات التكامل الثنائي
125 .....	ćمارين محلولة حول الفصل الخامس
150 .....	ćمارين للحل حول الفصل الخامس

157	.....	تمارين محلولة حول الفصل السادس.
177	.....	تمارين للحل حول الفصل السادس.
183	.....	تمارين محلولة حول الفصل السابع.
193	.....	تمارين للحل حول الفصل السابع.
195	.....	تمارين محلولة حول الفصل الثامن.
221	.....	تمارين للحل حول الفصل الثامن.
227	.....	المراجع.